

# RSA - Asimetricna kriptografija i primena

Aleksej Jocic

- Simetricna kriptografija
  - Isti kljuc za sifrovanje i desifrovanje

- Simetricna kriptografija
  - Isti kljuc za sifrovanje i desifrovanje  
 $10101 \oplus 11001 = 01100$

- Simetricna kriptografija

- Isti kljuc za sifrovanje i desifrovanje

$$10101 \oplus 11001 = 01100$$

$$(m \oplus k) \oplus k = m \oplus (k \oplus k) = m \oplus 0 = m$$

- Simetricna kriptografija

- Isti kljuc za sifrovanje i desifrovanje

$$10101 \oplus 11001 = 01100$$

$$(m \oplus k) \oplus k = m \oplus (k \oplus k) = m \oplus 0 = m$$

- Problem bezbedne razmene kljuceva

- Simetricna kriptografija

- Isti kljuc za sifrovanje i desifrovanje

$$10101 \oplus 11001 = 01100$$

$$(m \oplus k) \oplus k = m \oplus (k \oplus k) = m \oplus 0 = m$$

- Problem bezbedne razmene kljuceva
  - Problem autenticnosti

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$
$$f(c, k2) = m$$

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$
$$f(c, k2) = m$$
  - Kljuc za sifrovanje je javno dostupan, (svi znaju  $k1$ )

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$
$$f(c, k2) = m$$
  - Kljuc za sifrovanje je javno dostupan, (svi znaju  $k1$ )
  - Sifrovanje privatnim kljucem korisceno kao digitalni potpis

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$
$$f(c, k2) = m$$
  - Kljuc za sifrovanje je javno dostupan, (svi znaju  $k1$ )
  - Sifrovanje privatnim kljucem korisceno kao digitalni potpis
$$f(m, k2) = c$$

- Asimetrična kriptografija
  - Razliciti kljucevi za sifrovanje i desifrovanje
$$f(m, k1) = c$$
$$f(c, k2) = m$$
  - Kljuc za sifrovanje je javno dostupan, (svi znaju  $k1$ )
  - Sifrovanje privatnim kljucem korisceno kao digitalni potpis
$$f(m, k2) = c$$
$$f(c, k1) = m$$

- RSA
  - 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman

- RSA
  - 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
  - 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

$$g^b \equiv B \pmod{p}$$

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

$$g^b \equiv B \pmod{p}$$

$$A^b \equiv (g^a)^b$$

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

$$g^b \equiv B \pmod{p}$$

$$A^b \equiv (g^a)^b \equiv (g^b)^a$$

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

$$g^b \equiv B \pmod{p}$$

$$A^b \equiv (g^a)^b \equiv (g^b)^a \equiv B^a$$

- RSA

- 1977. Ron Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman
- 1976. Diffie–Hellman razmena ključeva

$$g^a \equiv A \pmod{p}$$

$$g^b \equiv B \pmod{p}$$

$$A^b \equiv (g^a)^b \equiv (g^b)^a \equiv B^a \pmod{p}$$

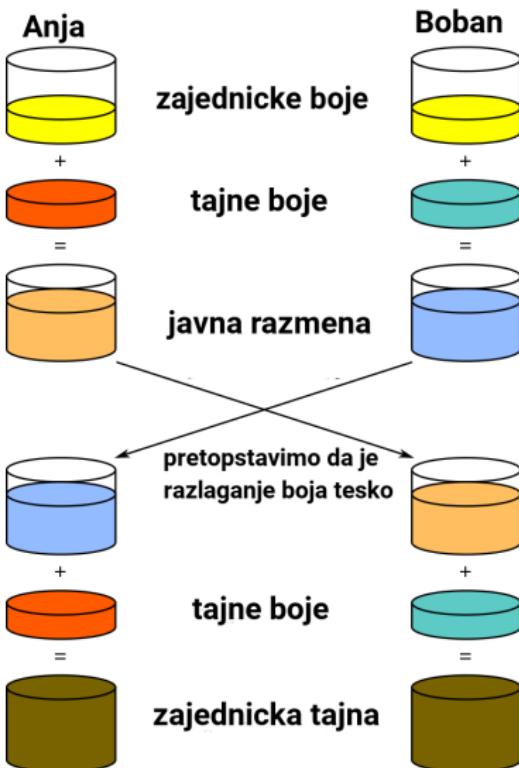


Figure 1: Diffie–Hellman

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{q-1})^{p-1}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{q-1})^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{q-1})^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

$(a^{(p-1)(q-1)} - 1)$  je deljivo i sa  $p$  i  $q$ .

## Mala Fermaova teorema

Ako je  $p$  prost broj, za svako  $a$  vazi:

$$a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

## Posledica

Ako su  $p$  i  $q$  prosti brojevi, za svako  $a$  vazi:

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{p-1})^{q-1} \equiv 1 \pmod{q}$$

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv (a^{q-1})^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

$(a^{(p-1)(q-1)} - 1)$  je deljivo i sa  $p$  i  $q$ .

$p$  i  $q$  su prosti, pa mora da je deljivo i sa  $p \cdot q$ .

Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{\times(p-1)(q-1)}$

Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

$$\text{Takodje: } a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)}$$

Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

$$\text{Takodje: } a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

$d$  je modularni inverz od  $e$  pod modulom  $(p-1)(q-1)$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

$d$  je modularni inverz od  $e$  pod modulom  $(p-1)(q-1)$

Mozemo koristiti Produceni Euklidov algoritam.

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

$d$  je modularni inverz od  $e$  pod modulom  $(p-1)(q-1)$

Mozemo koristiti Produceni Euklidov algoritam.

U buduce cemo oznacavati  $n = pq$ , a  $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

$e$  i  $d$  tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

$d$  je modularni inverz od  $e$  pod modulom  $(p-1)(q-1)$

Mozemo koristiti Produceni Euklidov algoritam.

U buduce cemo oznacavati  $n = pq$ , a  $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$

$$a^{\varphi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

e i d tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

d je modularni inverz od e pod modulom  $(p-1)(q-1)$

Mozemo koristiti Produceni Euklidov algoritam.

U buduce cemo oznacavati  $n = pq$ , a  $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$

$$a^{\varphi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$$

$$a^{ed} \equiv a^{x\varphi(n)+1}$$

## Primecujemo

$$a^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$$

Takodje:  $a^{x(p-1)(q-1)} \equiv (a^x)^{(p-1)(q-1)} \equiv 1 \pmod{pq}$

$$a^{x(p-1)(q-1)+1} \equiv a \pmod{pq}$$

## Trazimo

e i d tako da:

$$(a^e)^d \equiv a^{ed} \equiv a^{x(p-1)(q-1)+1} \pmod{pq}$$

Odnosno:  $ed \equiv 1 \pmod{(p-1)(q-1)}$

d je modularni inverz od e pod modulom  $(p-1)(q-1)$

Mozemo koristiti Produceni Euklidov algoritam.

U buduce cemo oznacavati  $n = pq$ , a  $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$

$$a^{\varphi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$$

$$a^{ed} \equiv a^{x\varphi(n)+1} \equiv a \pmod{n}$$

- Problem faktorisanja  $n = pq$

- Problem faktorisanja  $n = pq$
- $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$  nije poznato bez  $p$  i  $q$

- Problem faktorisanja  $n = pq$
- $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$  nije poznato bez  $p$  i  $q$
- $d$  kao modularni inverz od  $e$  nije poznat bez  $\varphi(n)$

- Problem faktorisanja  $n = pq$
- $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$  nije poznato bez  $p$  i  $q$
- $d$  kao modularni inverz od  $e$  nije poznat bez  $\varphi(n)$
- $d$  možemo da cuvamo tajnim cak i ako objavimo  $e$  i  $n$  javno

- Problem faktorisanja  $n = pq$
- $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$  nije poznato bez  $p$  i  $q$
- $d$  kao modularni inverz od  $e$  nije poznat bez  $\varphi(n)$
- $d$  možemo da cuvamo tajnim cak i ako objavimo  $e$  i  $n$  javno

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$

- Generisanje kljuceva

- Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
- Generisemo  $n = pq$
- Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$
  - Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
  - Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$
  - Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
  - Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma
  - Zaboravimo  $p$  i  $q$ , jer nam vise ne trebaju

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$
  - Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
  - Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma
  - Zaboravimo  $p$  i  $q$ , jer nam vise ne trebaju
- Javni kljuc se sastoji od brojeva  $e$  i  $n$   
 $m^e \equiv C \pmod{n}$

- Generisanje kljuceva

- Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
- Generisemo  $n = pq$
- Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
- Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma
- Zaboravimo  $p$  i  $q$ , jer nam vise ne trebaju

- Javni kljuc se sastoji od brojeva  $e$  i  $n$

$$m^e \equiv C \pmod{n}$$

- Privatni kljuc se sastoji od brojeva  $d$  i  $n$

$$C^d \equiv m \pmod{n}$$

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$
  - Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
  - Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma
  - Zaboravimo  $p$  i  $q$ , jer nam vise ne trebaju
- Javni kljuc se sastoji od brojeva  $e$  i  $n$   
 $m^e \equiv C \pmod{n}$
- Privatni kljuc se sastoji od brojeva  $d$  i  $n$   
 $C^d \equiv m \pmod{n}$
- Digitalni potpis se postize sifrovanjem sa privatim kljucem  
 $m^d \equiv S \pmod{n}$

- Generisanje kljuceva
  - Nadjimo velike proste brojeve  $p$  i  $q$   
Testovi prostosti brojeva (Fermaov test)
  - Generisemo  $n = pq$
  - Nadjimo  $e$  koji je uzajamno prost sa  $(p - 1)(q - 1)$
  - Nadjimo  $d$  koriscenjem Producenog Euklidovog algoritma
  - Zaboravimo  $p$  i  $q$ , jer nam vise ne trebaju
- Javni kljuc se sastoji od brojeva  $e$  i  $n$   
 $m^e \equiv C \pmod{n}$
- Privatni kljuc se sastoji od brojeva  $d$  i  $n$   
 $C^d \equiv m \pmod{n}$
- Digitalni potpis se postize sifrovanjem sa privatim kljucem  
 $m^d \equiv S \pmod{n}$
- Provera digitalnog potpisa:  $S^e \equiv m \pmod{n}$

# Prodruzeni Euklidov algoritam

```
def egcd(a, b):
    if a == 0:
        return (b, 0, 1)
    g, y, x = egcd(b%a,a)
    return (g, x - (b//a) * y, y)

def modinv(a, m):
    g, x, y = egcd(a, m)
    if g != 1:
        raise Exception('No modular inverse')
    return x%m
```

- Napadi na RSA
  - Pogadjanje poruke, potrebno dopunjavanje poruke random podacima (padding)

- Napadi na RSA
  - Pogadjanje poruke, potrebno dopunjavanje poruke random podacima (padding)
  - Premali eksponent  $e$ , korenovanje sifrovanog teksta za male poruke (veliko  $e$ )

- Napadi na RSA

- Pogadjanje poruke, potrebno dopunjavanje poruke random podacima (padding)
- Premali eksponent  $e$ , korenovanje sifrovanog teksta za male poruke (veliko  $e$ )
- Koriscenje istog eksponenta za vise kljuceva, napad koriscenjem Kineske teoreme o ostatku (random izabrano  $e$ )

- Napadi na RSA

- Pogadjanje poruke, potrebno dopunjavanje poruke random podacima (padding)
- Premali eksponent  $e$ , korenovanje sifrovanog teksta za male poruke (veliko  $e$ )
- Koriscenje istog eksponenta za vise kljuceva, napad koriscenjem Kineske teoreme o ostatku (random izabrano  $e$ )
- Desifrovanje sumnjivog teksta,  $(x^e \cdot C)^d \equiv (x^e)^d \cdot C^d \equiv x \cdot m \pmod{n}$

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljуча: gpg --gen-key

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljуча: gpg --gen-key
- Lista javnih ključeva: gpg --list-keys
- Export privatnih ključeva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload ključeva: gpg --send-key [KEYID]

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt
- Desifrovanje: gpg -d file.txt

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt
- Desifrovanje: gpg -d file.txt
- Potpisivanje poruke ili fajla: gpg -s file.exe

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt
- Desifrovanje: gpg -d file.txt
- Potpisivanje poruke ili fajla: gpg -s file.exe
- Potpisivanje kljuca: gpg --sign-key [KEYID]

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt
- Desifrovanje: gpg -d file.txt
- Potpisivanje poruke ili fajla: gpg -s file.exe
- Potpisivanje kljuca: gpg --sign-key [KEYID]
- ASCII output: gpg --armor -se file.txt

## GNU Privacy Guard

- 1999. Werner Koch
- Generisanje kljuca: gpg --gen-key
- Lista javnih kljuceva: gpg --list-keys
- Export privatnih kljuceva: gpg --export-secret-keys  
--output backup.gpg
- Upload kljuceva: gpg --send-key [KEYID]
- Sifrovanje poruke: gpg -e file.txt
- Desifrovanje: gpg -d file.txt
- Potpisivanje poruke ili fajla: gpg -s file.exe
- Potpisivanje kljuca: gpg --sign-key [KEYID]
- ASCII output: gpg --armor -se file.txt
- GPG password manager: gpg --armor -c passwords.txt

## Git

- Podesavanje kljuca: `git config --global user.signingkey [KEYID]`

## Git

- Podesavanje kljuca: `git config --global user.signingkey [KEYID]`
- Potpisivanje komita: `git commit -S`

## Git

- Podesavanje kljuca: `git config --global user.signingkey [KEYID]`
- Potpisivanje komita: `git commit -S`

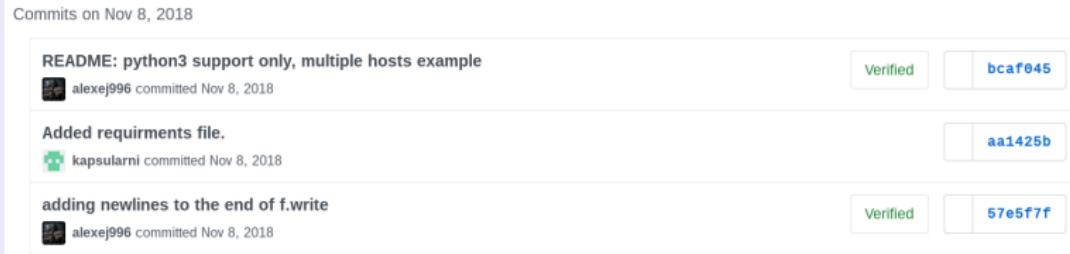


Figure 2: Github signed commits

## SSH

- Generisanje kljuca: ssh-keygen [-f filename]

## SSH

- Generisanje kljuca: `ssh-keygen [-f filename]`
- Dodavanje kljuca na remote masinu: `ssh-copy-id [-i filename] user@hostname`

## SSH

- Generisanje kljuca: ssh-keygen [-f filename]
- Dodavanje kljuca na remote masinu: ssh-copy-id [-i filename] user@hostname
- ~/.ssh/authorized\_keys

## Tor

- 1990.-te United States Naval Research Laboratory (Paul Syverson, Michael G. Reed, David Goldschlag)

## Tor

- 1990.-te United States Naval Research Laboratory (Paul Syverson, Michael G. Reed, David Goldschlag)
- 20.9.2002. prva verzija Tor-a (javni projekat, anonimnosti u masi)

## Kako radi Tor?

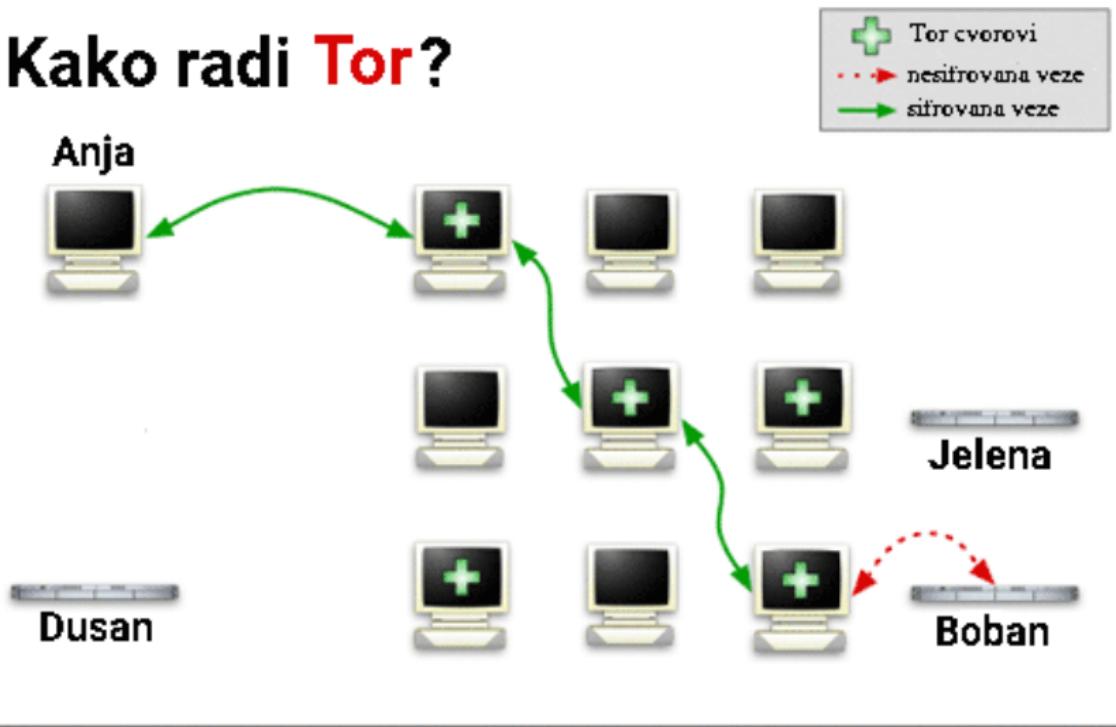


Figure 3: How Tor works

# Onion hidden services



Onion sakriveni servis

	Tor oblak
	Tor veza
	Tacke upoznavanja
	Tacka sastanka

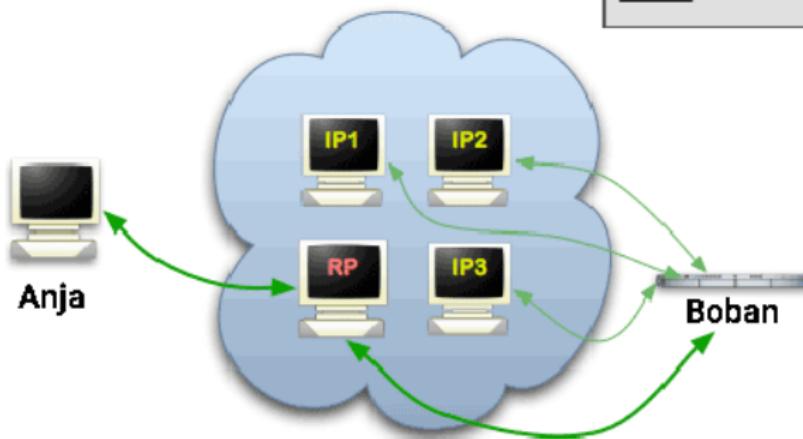


Figure 4: How hidden services works

- Napadi na Tor
  - Tor ne stiti od vremenske korelacije (pristup sa obe strane veze)

- Napadi na Tor
  - Tor ne stiti od vremenske korelacije (pristup sa obe strane veze)
  - Slabosti u aplikacijama koje koriste Tor

- Napadi na Tor
  - Tor ne stiti od vremenske korelacije (pristup sa obe strane veze)
  - Slabosti u aplikacijama koje koriste Tor
  - Pogresno konfigurisane aplikacije

- Napadi na Tor

- Tor ne stiti od vremenske korelacije (pristup sa obe strane veze)
- Slabosti u aplikacijama koje koriste Tor
- Pogresno konfigurisane aplikacije
- DNS Leak

Hvala

Hvala na pažnji!